Ce document a été mis en ligne par l'organisme FormaV®.

Toute reproduction, représentation ou diffusion, même partielle, sans autorisation préalable, est strictement interdite.

Pour consulter tous nos sujets d'annales et corrigés du Bac Général Physique + SVT, veuillez visiter :
bac-physique-svt.fr/annales-sujets-et-corriges

Bac Métropole 2021 EXERCICE A - UN SAUT STRATOSPHÉRIQUE (5 points)

CORRECTION © http://labolycee.org

Mot-clé : mouvement dans un champ de pesanteur uniforme

Le 14 octobre 2012, Félix Baumgartner devient le premier homme à atteindre une vitesse égale à celle du son en s'élançant d'une capsule située dans la zone supérieure de la stratosphère.



D'après redbull.com

L'objectif de cet exercice est de comprendre pourquoi il réalise un saut depuis la zone supérieure de la stratosphère pour atteindre la vitesse du son dans l'atmosphère.

Données :

- masse de Félix Baumgartner et de son équipement : m = 120 kg ;
- altitudes limites de la stratosphère : z_{min} = 11 km, z_{max} = 50 km ;
- altitude de la capsule au moment du saut : $z_{départ}$ = 38 969 m ;
- intensité du champ de pesanteur à la surface de la Terre supposée sphérique de rayon R_T : g_0 = 9,81 m·s^{-2} ;
- rayon de la Terre : R_T = 6 370 km ;
- expression du champ de pesanteur terrestre en fonction de l'altitude : $g(z) = \dfrac{g_0 \times R_T^2}{(R_T + z)^2}$;
- évolution de la norme de la vitesse du son v_{son} dans l'atmosphère en fonction de l'altitude :

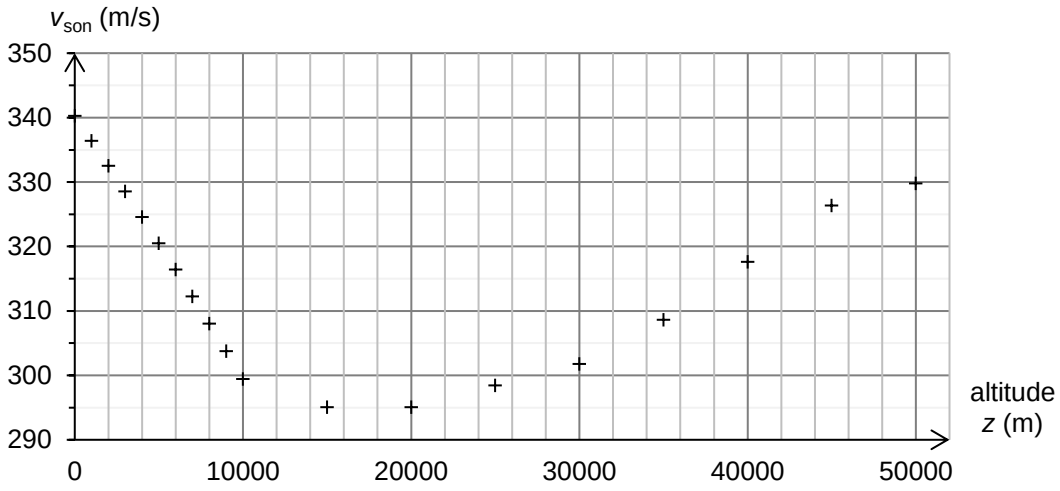


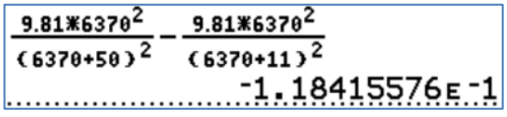
Figure 1. Vitesse du son en fonction de l'altitude

- norme f en N de la force de frottements due à l'air : f = 0,4 × $\rho_{air}(z)$ × v^2 avec :
  - $\rho_{air}(z)$: masse volumique ρ_{air} de l'air à l'altitude z en kg·m^{-3} ;
  - v : vitesse du centre de masse de Félix Baumgartner en m·s^{-1}.

1. Influence de l'altitude sur le champ de pesanteur

1.1. Calculer la différence Δg entre les valeurs des champs de pesanteur aux limites de la stratosphère définie par : $\Delta g = |\, g(z_{max}) - g(z_{min})\,|$.

(0,5 pt) $\Delta g = \left| \dfrac{g_0.R_T^2}{(R_T + z_{max})^2} - \dfrac{g_0.R_T^2}{(R_T + z_{min})^2} \right|$



$\Delta g = \left| \dfrac{9{,}81 \times 6370^2}{(6370+50)^2} - \dfrac{9{,}81 \times 6370^2}{(6370+11)^2} \right|$ **= |9,66 – 9,78| = | –1,18×10^{-1}| = 0,12 m.s^{-2}**

1.2. On considère que le champ de pesanteur est uniforme dans une zone de l'espace si sa variation par rapport à sa valeur à l'altitude z_{max} est inférieure à 2 %. Le champ de pesanteur terrestre peut-il être considéré comme uniforme dans la stratosphère ?

$\dfrac{\Delta g}{g(z_{max})} = \dfrac{0{,}12}{9{,}66}$ **= 1,2×10^{-2} = 1,2 % < 2 % ainsi le champ de pesanteur terrestre peut être considéré comme uniforme dans la stratosphère.**

Pour la suite de l'exercice, on prend pour valeur du champ de pesanteur g = 9,66 m·s^{-2}.
Le mouvement du centre de masse de Félix Baumgartner est étudié dans le référentiel terrestre supposé galiléen, l'axe des z est dirigé selon la verticale orientée vers le haut, l'origine O est prise au niveau du sol.
À la date t = 0 s, Félix Baumgartner s'élance sans vitesse initiale. Son mouvement est supposé vertical.

2. Établir, dans le cadre du modèle de la chute libre, l'équation horaire $z(t)$ de l'altitude du centre de masse de Félix Baumgartner à la date t en fonction de t, g et $z_{départ}$.

(1 pt) D'après la deuxième loi de Newton, $\Sigma\overrightarrow{F_{Ext}} = m.\vec{a}$, le système {Félix} n'est soumis qu'à la force poids.

$\vec{P} = m.\vec{a}$.

$m.\vec{g} = m.\vec{a}$

$\vec{a} = \vec{g}$

En projection selon l'axe Oz du repère choisi , il vient : $a_z = -g$

$a_z = \dfrac{dv_z(t)}{dt}$

Ainsi en primitivant, on obtient $v_z = -g.t + Cte_1$

On détermine la constante avec les conditions initiales.

Coordonnée du vecteur vitesse initiale $\vec{v}_0$: $v_{0z} = 0$, ainsi on a : $Cte_1 = 0$

Donc $v_z = -g.t$

À chaque instant $\vec{v} = \dfrac{d\overrightarrow{OM}}{dt}$ **soit** $v_z = \dfrac{dz(t)}{dt}$

En primitivant on obtient $z(t) = -\dfrac{1}{2}g.t^2 + Cte_2$

Conditions initiales, à t = 0 s, le système est à l'altitude $z_{départ}$ donc Cte2 = $z_{départ}$.

Finalement $z(t) = -\dfrac{1}{2}g.t^2 + z_{départ}$

3. En déduire, dans le cadre de ce modèle, l'altitude à laquelle la valeur de la vitesse de Félix Baumgartner est égale à 307 m·s^{-1}.

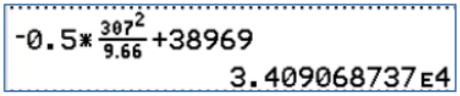
(0,5 pt) La vitesse est atteinte à la date notée t_1 .

$v_z = -g.t_1$ et $v = \sqrt{v_z^2} = g.t_1$

$t_1 = \dfrac{v}{g}$

L'altitude correspondante est $z(t_1) = -\dfrac{1}{2}g.t_1^2 + z_{départ}$ **=** $= -\dfrac{1}{2}g.\dfrac{v^2}{g^2} + z_{départ} = -\dfrac{1}{2}.\dfrac{v^2}{g} + z_{départ}$

$z(t_1)$ = $-\dfrac{1}{2} \times \dfrac{307^2}{9,66} + 38969$ **= 34 091 m**



4. Indiquer, dans le cadre de ce modèle, en justifiant, si Felix Baumgartner a dépassé la vitesse du son lorsqu'il atteint cette altitude.

(0,25 pt) La figure 1 montre qu'à cette altitude, la vitesse du son est très proche de 307 m.s^{-1}, mais cette lecture graphique ne permet pas d'être absolument sûr de la vitesse du son.
On peut penser que Félix a franchi le mur du son.

En réalité, Félix Baumgartner atteint une vitesse égale à celle du son à une altitude z_{son} = 33 446 m. On donne, sur la figure 2 ci-dessous, l'évolution de la masse volumique ρ_{air} de l'air dans la stratosphère pour des altitudes comprises entre 15 km et 50 km.

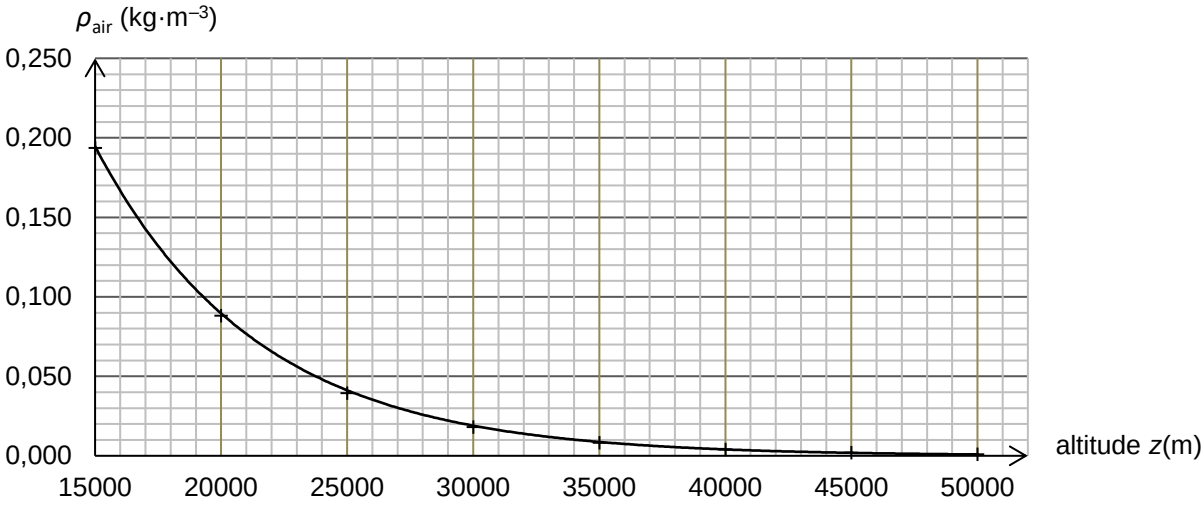


Figure 2. Masse volumique de l'air dans la stratosphère (entre 15 et 50 km) en fonction de l'altitude

5. Comparer la norme de la force de frottement de l'air et la norme du poids lorsque Félix Baumgartner atteint la vitesse de 307 m·s^{-1} à l'altitude de 33 446 m. Critiquer le modèle de chute libre utilisé précédemment.

(0,75 pt)
***f* = 0,4.ρ_{air}(*z*).*v*^{2}**
Par lecture graphique sur la figure 2, on lit ρ_{air}(33 446) = 0,01 kg.m^{-3}.
***f* = 0,4×0,01×307^2 = 377 N = 4×10^2 N**
P* = *m.g
***P* = 120× 9,66 = 1,16×10^3 N**
$\frac{P}{f} = 3$ **ou *P* = 3 *f*, on ne peut pas considérer que la force de frottement est négligeable face au poids.**
Le modèle de chute libre n'est pas adapté.

En raison de la force de frottement due à l'air, Félix Baumgartner atteint une vitesse limite lors du saut. La vitesse limite est la vitesse atteinte lorsque la norme de la force de frottement devient égale à celle du poids.

6. Pour simplifier, on formule l'hypothèse que la vitesse limite est atteinte après 4 000 m de chute. Calculer la valeur de la vitesse limite v_{lim} atteinte par Félix Baumgartner s'il s'était élancé d'une altitude z = 20 000 m.

(1 pt) Parti de 20 km d'altitude, il atteint la vitesse limite après 4 km de chute, donc il se situe à l'altitude *z* = 16 km.
Lorsque la vitesse limite est atteinte alors, d'après le principe d'inertie, les forces se compensent.
P* = *f
***m.g* = 0,4.ρ_{air}(*z*).*v*$_{lim}^2$**

$$v_{lim} = \sqrt{\frac{m.g}{0,4.\rho_{air}(16km)}}$$

Par lecture de la figure 2, ρ_{air}(16 km) = 0,17 kg.m^{-3}

$$v_{lim} = \sqrt{\frac{120 \times 9,66}{0,4 \times 0,17}}$$ **= 1,3×10^2 m.s^{-1}**

7. Expliquer qualitativement pourquoi il est nécessaire de s'élancer depuis la zone supérieure de la stratosphère pour atteindre une vitesse égale à celle du son.

(0,5 pt) On vient de calculer la vitesse limite atteinte en s'élançant à 20 km, et on remarque qu'elle est inférieure à la vitesse du son (égale à environ 300 m.s^{-1} à 16 km d'altitude).
En s'élançant d'une altitude plus grande, alors la masse volumique de l'air est beaucoup plus faible ainsi les forces de frottement de l'air sont moins intenses et elles permettent d'atteindre une vitesse limite plus grande.

Copyright © 2027 FormaV®. Tous droits réservés.

FormaV® est une marque déposée auprès de l'INPI sous le numéro 5227897.

Ce document a été élaboré par FormaV® avec le plus grand soin afin d'accompagner chaque apprenant vers la réussite de ses examens. Son contenu (textes, graphiques, méthodologies, tableaux, exercices, concepts, mises en forme) constitue une œuvre protégée par le droit d'auteur.

Toute copie, partage, reproduction, diffusion ou mise à disposition, même partielle, gratuite ou payante, est strictement interdite sans accord préalable et écrit de FormaV®, conformément aux articles L.111-1 et suivants du Code de la propriété intellectuelle. Dans une logique anti-plagiat, FormaV® se réserve le droit de vérifier toute utilisation illicite, y compris sur les plateformes en ligne ou sites tiers.

En utilisant ce document, vous vous engagez à respecter ces règles et à préserver l'intégrité du travail fourni. La consultation de ce document est strictement personnelle.

Merci de respecter le travail accompli afin de permettre la création continue de ressources pédagogiques fiables et accessibles.